

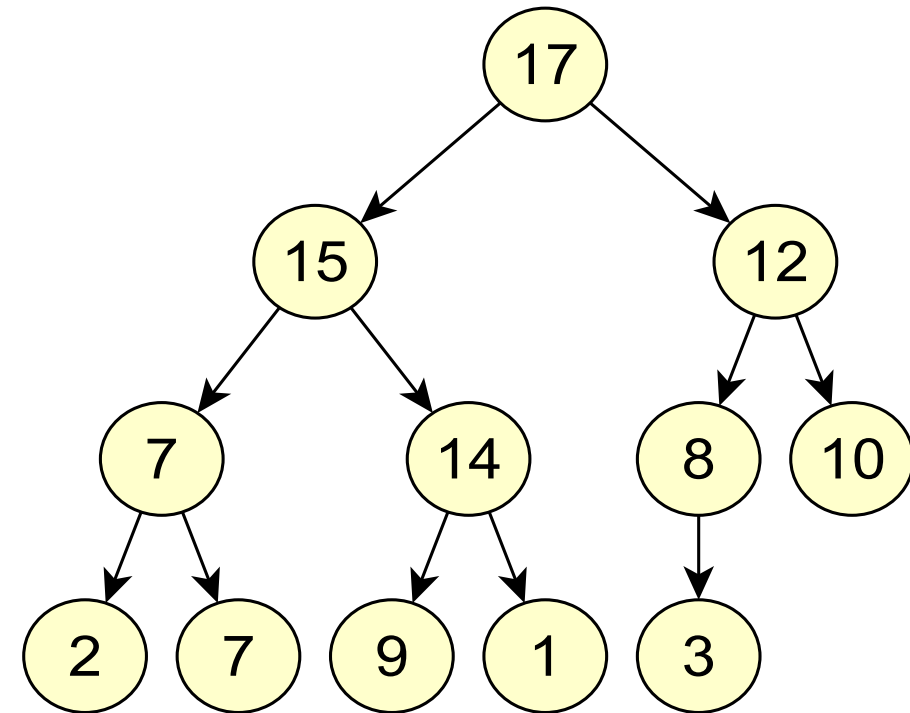
Keko taulukkona

COMP.CS.300 Tietorakenteet ja algoritmit 1

Matti Rintala (matti.rintala@tuni.fi)

Kertaus : keko

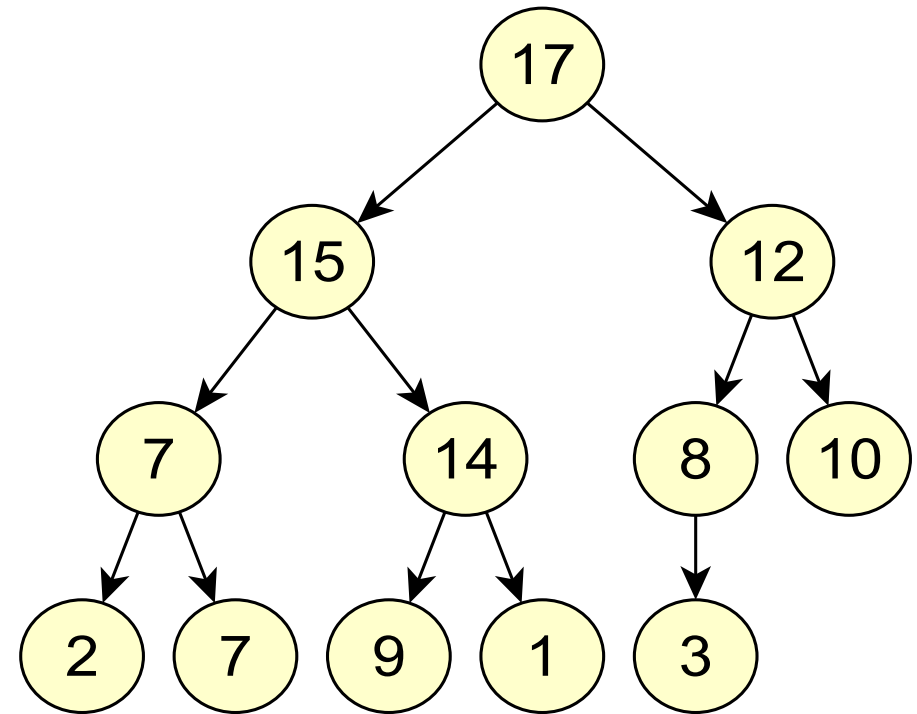
- Binääripuu
- Solmun arvo \geq lapsien arvot
- Täydellisesti tasapainotettu
 - Haarojen pituusero korkeintaan 1
 - (Pisimmät haarat vasemmalla)



Keko taulukkona

- Säästää muistia, on tehokkaampi
- Solmun yksilöi indeksi i
- Keon juuri: $A[1]$
- Solmun i lapset
 - Left-Child(i):**
 $\text{return } 2*i$
 - Right-Child(i):**
 $\text{return } 2*i + 1$
- Solmun vanhempi
 - Parent(i):**
 $\text{return } [i / 2]$ (pyöristys alas)
- ($A.heapsize$ pitää kirjaa, "mihin keko loppuu")

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
17	15	12	7	14	8	10	2	7	9	1	3



Kekoon lisääminen (Heap Insert)

Heap-Insert(A , $value$):

- 1 Insert-Last(A , $value$)
- 2 $A.heapsize := A.heapsize + 1$
- 3 $i := A.heapsize$
- 4 **while** $i > 1$ **and** $A[i] > A[\text{Parent}(i)]$
- 5 $A[i] \leftrightarrow A[\text{Parent}(i)]$
- 6 $i := \text{Parent}(i)$

Idea: Laitetaan uusi alkio keon “pohjalle” ja liu’utetaan sitä ylöspäin, kunnes se on arvonsa kannalta mahdollisessa paikassa.

Keon korjaaminen (Heapify)

- Oletus: keko ok, paitsi ehkä solmu i

Heapify(A, i):

```
1 repeat  
2    $orig\_i := i$   
3    $lc := \text{Left-Child}(i)$   
4    $rc := \text{Right-Child}(i)$   
5   if  $lc < A.heapsize$  and  $A[lc] > A[i]$  then  
6      $i := lc$   
7   if  $rc < A.heapsize$  and  $A[rc] > A[i]$  then  
8      $i := rc$   
9   if  $i \neq orig\_i$  then  
10      $A[i] \rightleftharpoons A[orig\_i]$   
11 until  $i = orig\_i$ 
```

Keon luominen (Build Heap)

- Oletus: Puun alkio missä tahansa järjestyksessä

Build-Heap(A):

1 *A.heapsize* := *A.length* (alustetaan koko)

2 **for** *i* **in** [*A.heapsize* / 2] **downto** 1

3 Heapify(*A*, *i*)

Suurimman poistaminen (Heap Extract Max)

- (Tämä jättää A :n loppuun ylimääräisen alkion, jonka voi poistaa)

Heap-Extract-Max(A):

1 $max := A[1]$

2 $last_node := A.heapsize$

3 $A[1] := A[last_node]$

4 $A.heapsize := A.heapsize - 1$

5 Heapify($A, 1$)

6 return max

Suunnitteluperiaate Muunna-ja-hallitse, kekolajittelu

COMP.CS.300 Tietorakenteet ja algoritmit 1

Matti Rintala (matti.rintala@tuni.fi)

Muunna-ja-hallitse (Transform and conquer)

- Strategia
 - Muunnetaan ongelma *toiseen muotoon*
 - Ratkaistaan tämä *helpommin/tehokkaammin*
 - Ratkaisu *muutetaan* alkup. ongelman ratkaisuksi
- Esimerkkejä muunnoksista:
 - *Yksinkertaistaminen*: "kätevämpi" instanssi samasta ongelmasta
 - *Esitystavan muutos*: saman instanssin toinen esitystapa
 - *Ongelman muunnos*: muutetaan ongelmaksi, jolle on jo valmis algoritmi

Kekolajittelu (heap sort)

- Ongelma: Miten lajitella taulukko?
- Muunnetaan taulukko keoksi
- (Tehostetaan kekoa toteuttamalla taulukkona)
- Poimitaan alkiot keosta suuruusjärjestyksessä

Heap-Sort(*A*):

1 Build-Heap(*A*)

2 while *A.heapsize* > 1 **do**

3 *A*[1] \Leftrightarrow *A*[*A.heapsize*]

4 *A.heapsize* := *A.heapsize* - 1

5 Heapify(*A*, 1)

Kekolajittelu (Heap Sort)

Heap-Sort(*A*):

1 Build-Heap(*A*)

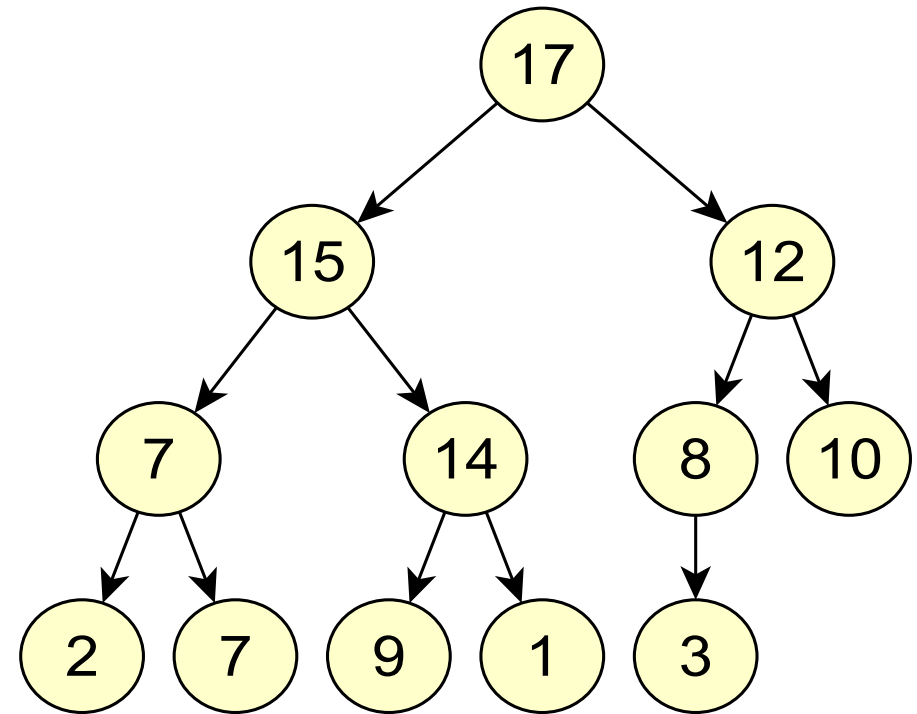
2 **while** *A.heapsize* > 1 **do**

3 *A*[1] \leftrightarrow *A*[*A.heapsize*]

4 *A.heapsize* := *A.heapsize* - 1

5 Heapify(*A*, 1)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
17	15	12	7	14	8	10	2	7	9	1	3



Tehokkuuksien vertailua

Tapaus	Insertion sort	Quick sort	Merge sort	Heap sort
Paras	n	$n \log n$	$n \log n$	
Keskimäärin	n^2	$n \log n$	$n \log n$	
Huonoin	n^2	n^2	$n \log n$	

Lisämuistitarve
 $\Theta(n)$!